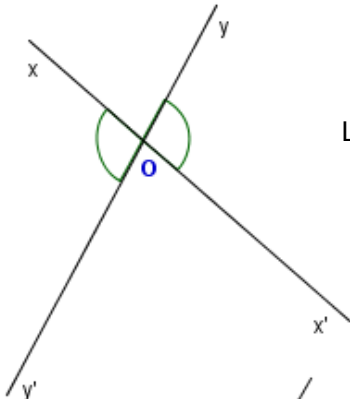


# Les Angles

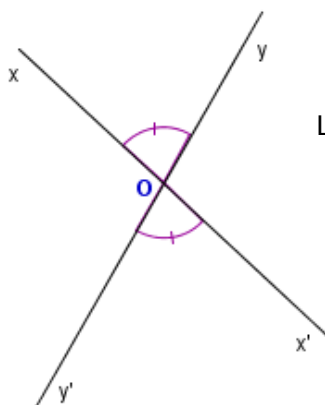
## I) Angles opposés par le sommet

### 1) Définition

Deux angles symétriques par rapport à leur sommet commun sont opposés par le sommet



Les angles  $\widehat{xOy'}$  et  $\widehat{yOx'}$  sont opposés par le sommet

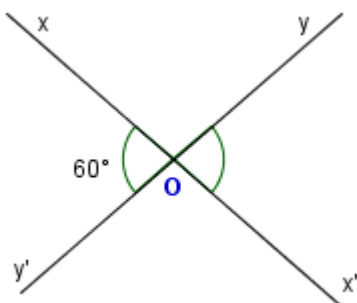


Les angles  $\widehat{xOy}$  et  $\widehat{y'Ox'}$  sont opposés par le sommet

### 2) propriété :

Deux angles opposés par le sommet ont la même mesure

Exemple :



Les droites  $(xx')$  et  $(yy')$  sont sécantes en O .  
L'angle  $\widehat{xOy'}$  mesure  $60^\circ$  .Quelle est la mesure de l'angle  $\widehat{yOx'}$  ?

**Réponse :**

Les angles  $\widehat{xOy'}$  et  $\widehat{yOx'}$  sont opposés par le sommet, ils ont donc la même mesure. On a donc :  $\widehat{xOy'} = \widehat{yOx'} = 60^\circ$ .

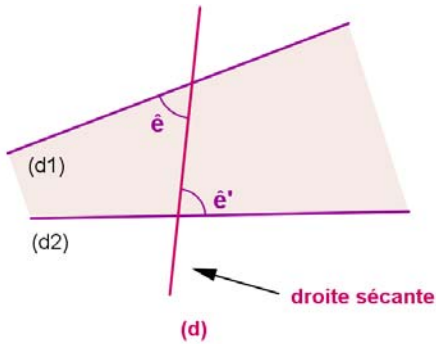
**II) Angles définis par deux droites parallèles coupées par une sécante**

**1) Angles alternes-internes**

**a) Définition**

Lorsque deux droites sont coupées par une sécante, deux angles non adjacents, sont alternes internes si :

- Ils sont situés de part et d'autre de la sécante
- Ils sont situés à l'intérieur de la bande formée par les deux droites



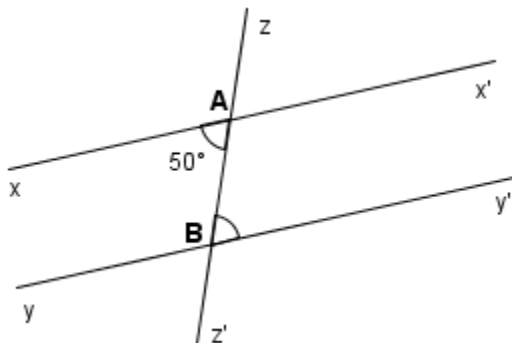
Les angles  $\hat{e}$  et  $\hat{e}'$  sont à l'intérieur de la bande formée par les droites (d1) et (d2) : partie coloriée, et de part et d'autre de la droite (d)

**Les angles  $\hat{e}$  et  $\hat{e}'$  sont alternes-internes**

**b) Propriété**

Si deux droites parallèles sont coupées par une sécante alors les angles alternes internes sont égaux.

**Exemple :**



Les droites (xx') et (yy') sont parallèles. Quelle est la mesure de l'angle  $\widehat{zBy'}$  ?

**Réponse :**

Les droites parallèles (xx') et (yy') sont coupées par la sécante (zz'), les angles  $\widehat{xAz'}$  et  $\widehat{zBy'}$  sont donc deux angles alternes internes égaux.

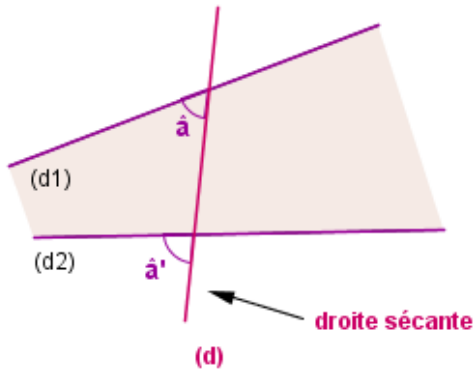
$$\widehat{zBy'} = \widehat{xAz'} = 50^\circ$$

## 2) Angles correspondants

### a) Définition

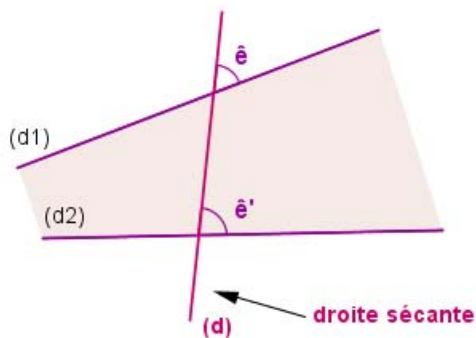
Lorsque deux droites sont coupées par une sécante, deux angles non adjacents, sont correspondants si :

- Ils sont situés du même côté de la sécante
- Un seul des deux angles est situé à l'intérieur de la bande formée par les deux droites



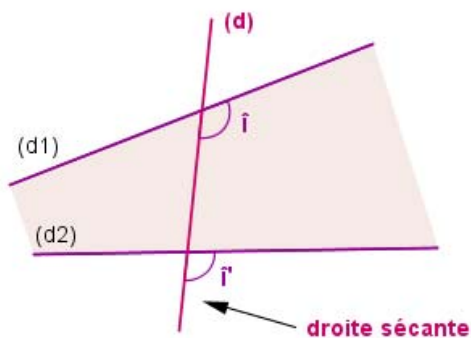
Les angles  $\hat{a}$  et  $\hat{a}'$  sont à gauche de la sécante (d)  
L'angle  $\hat{a}$  est à l'intérieur de la bande formée par les droites (d1) et (d2) : partie coloriée  
L'angle  $\hat{a}'$  est à l'extérieur de cette bande.

**Les angles  $\hat{a}$  et  $\hat{a}'$  sont correspondants**



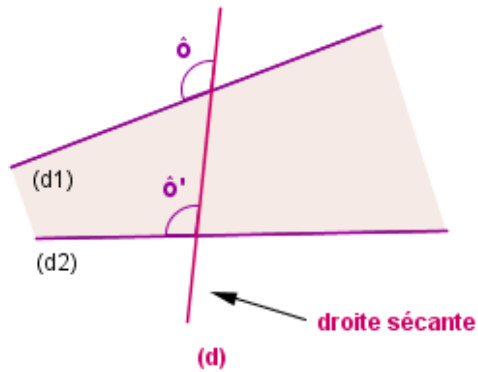
Les angles  $\hat{e}$  et  $\hat{e}'$  sont à droite de la sécante (d)  
L'angle  $\hat{e}'$  est à l'intérieur de la bande formée par les droites (d1) et (d2) : partie coloriée  
L'angle  $\hat{e}$  est à l'extérieur de cette bande.

**Les angles  $\hat{e}$  et  $\hat{e}'$  sont correspondants**



Les angles  $\hat{i}$  et  $\hat{i}'$  sont à droite de la sécante (d)  
L'angle  $\hat{i}$  est à l'intérieur de la bande formée par les droites (d1) et (d2) : partie coloriée  
L'angle  $\hat{i}'$  est à l'extérieur de cette bande.

**Les angles  $\hat{i}$  et  $\hat{i}'$  sont correspondants**



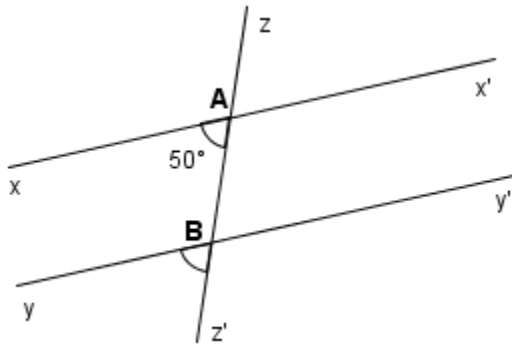
Les angles  $\hat{o}$  et  $\hat{o}'$  sont à gauche de la sécante (d)  
 L'angle  $\hat{o}'$  est à l'intérieur de la bande  
 formée par les droites (d1) et (d2) : partie coloriée  
 L'angle  $\hat{o}$  est à l'extérieur de cette bande.

**Les angles  $\hat{o}$  et  $\hat{o}'$  sont correspondants**

### **b) Propriété**

**Si deux droites parallèles sont coupées par une sécante  
 alors les angles correspondants sont égaux.**

**Exemple :**



Les droites (xx') et (yy') sont parallèles.  
 Quelle est la mesure de l'angle  $\widehat{yBz'}$  ?

**Réponse :**

Les droites parallèles (xx') et (yy') sont coupées par la sécante (zz'), les angles  $\widehat{xAz'}$  et  $\widehat{yBz'}$  sont donc deux angles correspondants égaux.

$$\widehat{yBz'} = \widehat{xAz'} = 50^\circ$$

### III) Sommes des mesures des angles dans un triangle

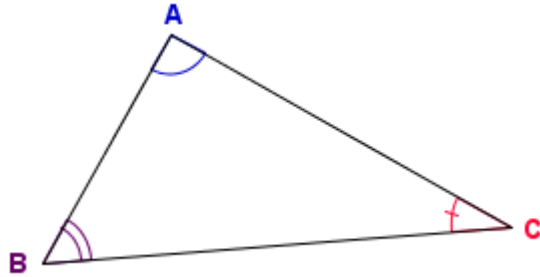
#### 1) Propriété :

**La somme des mesures des angles dans un triangle est égale à  $180^\circ$**

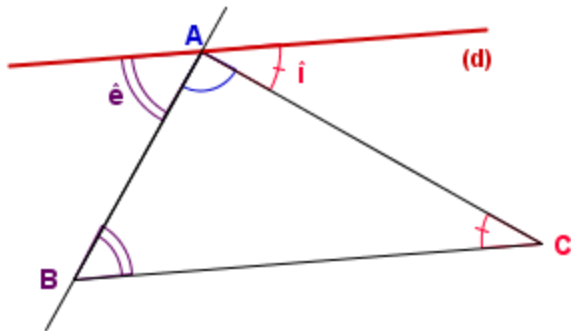
#### **Exemple :**

Quelque soit le triangle ABC on a :

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$



#### 2) Démonstration



Nous avons tracé la droite (d) parallèle à la droite (BC) passant par le point **A**.

Les droites parallèles (d) et (BC) sont coupées par la sécante (AB), les angles  $\hat{e}$  et  $\hat{B}$  et les angles  $\hat{i}$  et  $\hat{C}$  sont donc des angles alternes internes égaux. On a donc :

$$\hat{e} = \hat{B} \text{ et } \hat{i} = \hat{C}.$$

De plus on sait que  $\hat{i} + \hat{A} + \hat{e} = 180^\circ$  (la somme des 3 angles forment un angle plat).

$$\text{On a donc } \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$